

§ 2 2 解と係数の関係

1. 2次方程式 $(x-1)(x+2)+x(x-1)+x(x+2)=0$ の2つの解を α, β とする。このとき、 $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2}$ の値を求めよ。

(城西大)

2. 2次方程式 $x^2+x+2=0$ の2つの解を α, β とする。このとき、 $\alpha^3 + \beta^3$ の値を求めよ。

(京都産業大)

3. 2次方程式 $x^2-2ax+a=0$ の2つの解を α, β とする。 $\alpha^2 + \beta^2 = 2$ となるのは a の値がいくらのときか。

(京都産業大)

4. 2次方程式 $x^2-ax+2a-5=0$ の2つの解を α, β とする。 $|\alpha-\beta|$ は $a=[ア]$ のとき、最小値 $[イ]$ をとる。

(摂南大)

5. x の2次方程式 $x^2-ax+a^2-3=0$ が、 $p+qi, p-qi$ (i は虚数単位、 p は実数、 q は0でない実数とする) の形で表される2つの虚数解をもつ。 $(p+qi)(p-qi)=4$ であるとき、実数 a の値を求めよ。

(関西大)

6. 2次方程式 $x^2+2px+p=0$ の2つの解を α, β とするとき、 $\frac{\alpha^2}{\beta} + \frac{\beta^2}{\alpha} = -9$ となる定数 p の値を求めよ。

(関西大)

7. 2次方程式 $x^2+ax+b=0$ の解の α, β ($\alpha > \beta$) の小数第2位以下を切り捨てると、3.7, 0.2であるとき、 $[ア] \leq \alpha + \beta < [イ]$ 、 $[ウ] \leq \alpha\beta < [エ]$ が成立するので、方程式の係数 a, b が整数であるとするならば、 $a=[オ]$ 、 $b=[カ]$ となる。したがって、解の正確な値は $\alpha=[キ]$ 、 $\beta=[ク]$ となり、小数第3位以下を切り捨てると、 $[ケ]$ 、 $[コ]$ となる。

(追手門学院大)

8. 2次方程式 $x^2-(m+1)x+m=0$ の1つの解が他の解の2倍に等しいという。このときの m の値を求めよ。

(常盤大)

9. 2次方程式 $x^2 + 3x - 2 = 0$ の解が α, β であるとき、 $x^2 + [ア]x + [イ] = 0$ の解は、 α^2, β^2 であり、 $x^2 + [ウ]x + [エ] = 0$ の解は、 α^3, β^3 である。

(関西学院大)

10. 2次方程式 $2x^2 + ax + 2 = 0$ の解を α, β とするとき、 $\frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = -\frac{3}{2}$ ならば、 $a = [ア]$ であり、 $\alpha - 1, \beta - 1$ を2つの解にもつ2次方程式の1つは $2x^2 + [イ]x + [ウ] = 0$ である。

(摂南大)

11. 2次方程式 $x^2 + 2x + 3 = 0$ の解を α, β とするとき、 $\frac{1 - \alpha}{1 + \beta}, \frac{1 - \beta}{1 + \alpha}$ を解とする2次方程式は $x^2 - [ア]x + [イ] = 0$ である。

(関東学院大)

12. 実数 b, c を係数とする2次方程式 $x^2 + bx + c = 0$ が異なる2つの虚数解をもつ。1つの虚数解を α とすると、他の解は $2\alpha - 4 + 3i$ と表すことができる。このとき、 b と c の値を求めよ。

(広島県立大)

§ 2 2. 解と係数の関係

1. 4

3. $a = -\frac{1}{2}, 1$

5. $\pm\sqrt{7}$

7. [ア]=3.9, [イ]=4.1

[ウ]=0.74, [エ]=1.14, [オ]=-4

[カ]=1, [キ]= $2+\sqrt{3}$, [ク]= $2-\sqrt{3}$

[ケ]=3.73, [コ]=0.26

9. [ア]=-13, [イ]=4

[ウ]=45, [エ]=-8

11. [ア]=2, [イ]=3

2. 5

4. [ア]=4, [イ]=2

6. $p = \frac{3}{2}, -\frac{3}{4}$

8. $m = 2, \frac{1}{2}$

10. [ア]=3, [イ]=7, [ウ]=7

12. $(b, c) = (-8, 17)$