

平成30年度 入学試験問題

数学問題用紙(前期)

試験時間	90分
問題用紙	1～10頁

注意事項

1. 指示があるまで問題用紙は開かないこと。
2. 問題用紙および解答用紙に落丁、乱丁、印刷の不鮮明な箇所があったら、手を挙げて監督者に知らせること。
3. 解答が終わっても、または試験を放棄する場合でも、試験終了までは退場できない。
4. 携帯電話等の電子機器類は電源を必ず切り、鞆の中にしまうこと。
5. 机上には、受験票と筆記用具(鉛筆、シャープペンシル、消しゴム)および時計(計時機能のみ)以外は置かないこと。(耳栓、コンパス、定規等は使用できない。)
6. 問題用紙および解答用紙に受験番号と氏名を記入すること。
7. 解答はすべて解答用紙の所定の解答欄に記入すること。欄外には何も書かないこと。
8. この問題用紙の余白は自由に用いてよい。
9. 質問、トイレ、体調不良等で用件のある場合は、無言のまま手を挙げて監督者の指示に従うこと。
10. 中途退室時は、問題用紙および解答用紙を裏返しにすること。
11. 受験中不正行為があった場合は、試験の一切を無効とし、試験終了時間まで別室で待機を命じる。
12. 試験終了後、解答用紙は裏返し、問題用紙は持ち帰ること。

受験番号	
------	--

氏名	
----	--

[I] x の 3 次方程式 $x^3 + 6x^2 - px - q = 0$ (ただし p, q は実数の定数) が相異なる 3 つの実数解をもち、それらを適当に並べると等比数列になるという。1 つの解が 4 であるとき、他の 2 つの解と p, q の値を求めよ。解答欄には答えのみを記入せよ。

(計 算 用 紙)

[II] 1から6までの番号をつけた6枚のカードから同時に3枚を取り出す。引いたカードに書かれている数字を a, b, c とする。O を原点とする xy 平面において3点 $(a, a^2), (b, b^2), (c, c^2)$ を頂点とする三角形の面積を S とするとき、以下の各問いの答えのみを解答欄に記せ。

問1 S を a, b, c を用いて表せ。

問2 S の最大値と最小値を求めよ。

問3 S が偶数となる確率を求めよ。

(計算用紙)

[III] 次の等式を満たす $x > -1$ において定義された微分可能な関数 $f(x)$ を求めよ。

$$f(x) = \log(x+1) + \int_0^x f(x-t) \sin t dt$$

(計 算 用 紙)

[IV] 複素数 z ($z \neq 0, 2$) に対して

$$w = \frac{1}{|z|^2 - 2z}$$

とおく。複素数 w が純虚数であるときに z が動く複素数平面上的図形を C として、以下の各問いに答えよ。

問1 図形 C を複素数平面に図示せよ。

問2 C 上の z に対して、複素数平面上的3点 $\frac{5}{6}, z, z^2$ を頂点とする三角形の面積を $S(z)$ とする。このとき、 $S(z)$ の最大値と、最大値を与える z の値をそれぞれ求めよ。

(計 算 用 紙)

[V] C は 2 点 A, B を焦点とする楕円とし, $AB = 2\sqrt{3}$, C の長軸の長さが 4 であるとする。 C 上の点で長軸上にない点を P とする。直線 PA が P と異なる点で C と交わる点を Q とし, 直線 PB が P と異なる点で C と交わる点を R とする。また線分 AR と線分 BQ の交点を S とする。 $\vec{a} = \vec{PA}$, $\vec{b} = \vec{PB}$ とし, $l = |\vec{a}|$ とおくと, 以下の各問いに答えよ。

問 1 l の値の範囲を求めよ (答えのみでよい)。

問 2 $\vec{PQ} = (1+s)\vec{a}$, $\vec{PR} = (1+t)\vec{b}$ を満たす実数 s, t を, l を用いて表せ。

問 3 $\vec{PS} = u\vec{a} + v\vec{b}$ を満たす実数 u, v を, l を用いて表せ。

問 4 三角形 SAB の面積を T_1 , 三角形 SQR の面積を T_2 とする。 $8T_1 = 3T_2$ を満たす l の値を求めよ。

(計 算 用 紙)

